

УДК 621.771.23

Кулик Т. А.  
Кулик А. Н.  
Кулик Н. А.

## МАТЕМАТИЧЕСКОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ НЕСТАЦИОНАРНЫХ ТЕМПЕРАТУРНЫХ РЕЖИМОВ НАГРЕВА ВАЛКОВ СТАНОВ ТЕПЛОЙ ПРОКАТКИ

Одним из технических решений по расширению сортамента и повышению качества готовой металлопродукции, производимой в рамках различных технологических схем обработки давлением, является более широкое использование процессов теплого деформирования. Основным технологическим предназначением процессов теплого деформирования является производство изделий из металлов и сплавов, обработка давлением которых в холодном состоянии вследствие высокого сопротивления деформации и низкой пластичности является невозможной или нецелесообразной [1]. Именно режимы теплого деформирования обеспечивают возможность достижения высокоразвитого пластического формоизменения при обработке давлением заготовок из цинка, бериллия и целого ряда других материалов [2]. При деформировании сталей, склонных к синеломкости, которыми являются вышеперечисленные сплавы, следует учитывать, что температура деформации не должна совпадать с температурой снижения пластичности. В результате повышения температуры деформации подвижность дислокации значительно увеличивается, и они увлекают за собой атмосферы Коттрелла, которые, в свою очередь, легко перемещаются благодаря увеличению диффузационной подвижности атомов [3].

Все это предъявляет повышенные требования стабильности температурного режима деформирования и к выбору способа нагрева металла в очаге деформации до требуемых температур.

Анализ возможных способов нагрева деформируемого материала до температур теплой прокатки показал, что с точки зрения реконструкции действующего оборудования, удобства и быстроты регулирования температуры нагрева, стабильности работы, и, наконец, экономичности и экологической чистоты наиболее целесообразным является использование внутреннего нагрева рабочих валков [4–6]. В этом случае непосредственно внутри их осевого канала размещают, например, электрический источник нагрева, имеющий удельную мощность  $q_u$ . Реализация данного подхода является эффективной исходя из условия минимизации окислительных процессов, а также с точки зрения расширения диапазонов регулирования распределениями остаточных напряжений и шероховатостью поверхности получаемых относительно тонких лент, листов и полос.

Исходя из результатов анализа, как конструктивных параметров узла рабочих валков, так и систем его нагрева представляет интерес количественная оценка нестационарного температурного режима, заключающаяся в определении времени нагрева рабочего валка  $\theta_H$  до заданной температуры его наружной образующей поверхности  $t_b$ .

Целью работы является разработка методики определения времени выхода на стационарный режим работы станов теплой прокатки с использованием внутреннего источника нагрева рабочих валков.

Расчетная схема к расчету температурного поля рабочего валка с внутренним источником нагрева представлена на рис. 1.

Непосредственно определение  $\theta_H$  в рамках данной методики осуществляли из условия баланса энергетических затрат, согласно которому энергия, выделенная источником нагрева за время  $\theta_H$ , расходуется на нагрев самого рабочего валка, а также на теплоотдачу с поверхности данного валка в окружающую среду, что аналитически в интегральном виде соответствует условию:

$$N_u \theta_H = \int_{R_0}^{R_b} c_b \rho_b L_K 2\pi [t(r) - t_{okp.cp}] dr + \int_0^{\theta_H} 2\pi R_b L_K \alpha_b [t(\theta) - t_{okp.cp}] d\theta , \quad (1)$$

где  $N_u$  – мощность теплового источника;  $R_0$ ,  $R_b$ ,  $L_K$  – радиусы осевого канала и наружной поверхности, а также длина бочки рабочего валка, соответственно;  $c_b$ ,  $\alpha_b$ ,  $\rho_b$  – коэффициенты теплоемкости, теплоотдачи и плотность материала валков;  $t_{okp.cp}$  – температура окружающей среды.

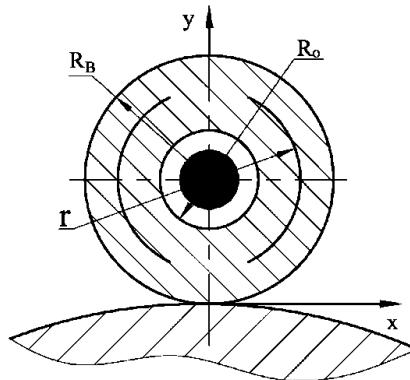


Рис. 1. Расчетная схема к определению температурного поля рабочего валка стана теплой прокатки

В данном случае  $t(\theta)$  – текущее по времени значение температуры наружной поверхности рабочего валка по мере его разогрева, описываемое согласно рекомендациям работы [5] в виде степенной зависимости второго порядка:

$$t(\theta) = t_{okp.cp} + (t_u - t_{okp.cp}) \left[ 1 - \left( \frac{\theta_H - \theta}{\theta_H} \right)^2 \right] \quad (2)$$

где  $t_u$  – температура нагрева теплового источника.

Выразив текущее значение  $t_u(r)$  в соответствии с выражением:

$$t(r) = t_{okp.cp} + \frac{q_u R_o}{\alpha_b R_b} + \frac{q_u R_o}{\lambda_b} \ln \frac{R_b}{r} , \quad (3)$$

и получили интегральное уравнение (1) в несколько измененном виде:

$$\begin{aligned} N_u \theta_H = & 2\pi L_K c_b \rho_b \int_{R_o}^{R_b} \left( \frac{q_u R_o}{\alpha_b R_b} + \frac{q_u R_o}{\lambda_b} \ln \frac{R_o}{r} \right) r dr + 2\pi R_b L_K \alpha_b (t_b - t_{okp.cp}) \times \\ & \times \int_0^{\theta_H} \left[ 1 - \left( \frac{\theta_H - \theta}{\theta_H} \right)^2 \right] d\theta , \end{aligned} \quad (4)$$

где  $q_u = N_u / 2\pi R_o L_K$  – удельная мощность теплового источника;  $\lambda_b$  – коэффициент теплопроводности материала рабочего валка.

В результате интегрирования выражения (4) и после небольших математических преобразований условие баланса энергетических затрат сводится к виду:

$$\begin{aligned} N_u \theta_H = & \frac{N_u c_b \rho_b}{2} \left[ \left( R_b^2 - R_o^2 \right) \left( \frac{1}{\alpha_b R_b} + \frac{1}{2\lambda_b} \right) - \frac{R_o^2}{\lambda_b} \ln \frac{R_b}{R_o} \right] + \\ & + \frac{4}{3} \pi R_b L_b \alpha_b (t_b - t_{okp.cp}) \theta_H . \end{aligned} \quad (5)$$

Таким образом, величину времени разогрева рабочего валка до заданной температуры его наружной образующей поверхности  $t_b$  можно определить как:

$$\theta_H = \frac{3N_u c_b \rho_b \left[ \left( R_b^2 - R_o^2 \right) \left( \frac{1}{\alpha_b R_b} + \frac{1}{2\lambda_b} \right) - \frac{R_o^2}{\lambda_b} \ln \frac{R_b}{R_o} \right]}{6N_u - 8\pi R_b L_b \alpha_b (t_b - t_{окр.ср.})} \quad (6)$$

В качестве примера результата совместной численной реализации зависимости, описывающей интегральную мощность теплового источника [2, 4]:

$$N_u = 2\pi (1 + R_b / L_K) R_b L_K \alpha_b (t_u - t_{окр.ср.}) \quad (7)$$

и выражения (6) на рис. 2 дана графическая интерпретация расчетных распределений требуемого времени нагрева  $\theta_H$  в зависимости от коэффициента теплоотдачи  $\alpha_b$ , температуры нагрева  $t_b$ , а, значит, и мощности источника нагрева  $N_u$  применительно к специализированному стану теплой прокатки 300.

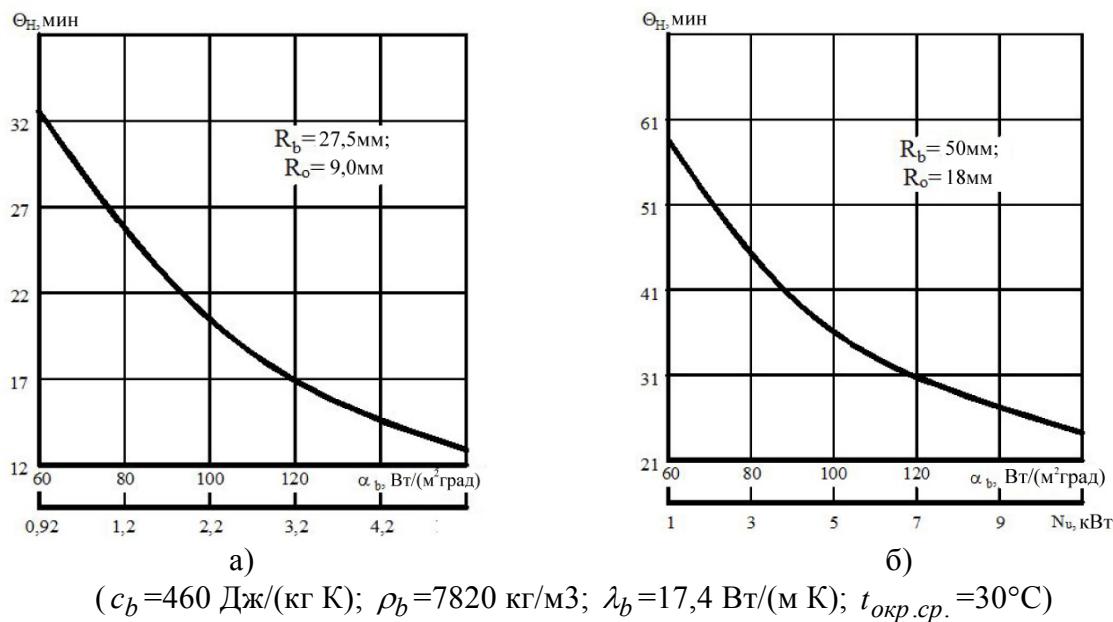


Рис. 2. Расчетные распределения требуемого времени разогрева рабочих валков в зависимости от коэффициента теплоотдачи и мощности теплового источника:

а – рабочие валки радиусом  $R_b = 27,5$  мм; б - рабочие валки радиусом  $R_b = 50$  мм

Из представленных результатов следует, что по мере увеличения коэффициента теплоотдачи  $\alpha_b$  и одновременного пропорционального, согласно (7), увеличения мощности теплового источника время разогрева рабочих валков до требуемой температуры снижается ( $\approx 5$  мин на 1 кВт) (см. рис. 2). При этом влияние собственно температуры нагрева, компенсируемое соответствующим изменением требуемой мощности, является крайне незначительным ( $\approx 0,1$  мин на  $100^\circ\text{C}$ ).

Снижение времени разогрева  $\theta_H$ , как показал структурный анализ зависимости (6), является возможным за счет предварительного разогрева рабочих валков, то есть повышения его исходной температуры, за счет использования систем экранизации, то есть снижения коэффициента теплоотдачи  $\alpha_b$  и, наконец, за счет использования на стадии разогрева мощности теплового источника, несколько превышающую мощность  $N_u$ , полученную в результате решения (7) для условий реализации установившегося квазистационарного температурного режима.

## ВЫВОДЫ

На основе решения условия баланса энергетических затрат, согласно которому энергия, выделенная источником нагрева за определенное время расходуется на нагрев самого рабочего вала, а также на теплоотдачу с поверхности данного вала в окружающую среду, разработана методика определения времени выхода стана теплой прокатки или дрессировки на стационарный режим работы. Структурный анализ полученной зависимости, показал, что снижение времени разогрева рабочих валков является возможным либо за счет предварительного разогрева рабочих валков, либо за счет использования систем экранизации, либо, наконец, за счет использования на стадии разогрева мощности теплового источника, несколько превышающую мощность  $N_u$ , необходимую для реализации установившегося квазистационарного температурного режима.

## СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННОЙ ЛИТЕРАТУРЫ

1. Никитин Г.С. Теория непрерывной продольной прокатки / Г. С. Никитин. - Москва: МГТУ им Баумана, 2009. – 203 с.
2. Третьяков А.В. Механические свойства металлов и сплавов при обработке давлением / А.В. Третьяков, В.Н. Зюзин. – М.: Металлургия, 1973. – 224 с.
3. Nikolaev V.A. Parametry deformatsii metalla v gladkikh valkakh i v prostykh kaliбрах / V. A. Nikolaev, N. Sh. Boshamdzhiев, V. P. Poluhin. - Kiev: Osvita Ukrayiny, 2010. – 235 с.
4. Экспериментальные исследования комплексного влияния температурных и деформационных параметров прокатки на энергосиловые параметры процесса / Г. В Бергеман, А. А. Самсоненко, О. А. Ремез, Ю. Ю. Зубко // Вісник НТУ «ХПІ». - 2015. - № 47 (1166). – С. 21–24.
5. Потапкин В.Ф. Математическое моделирование температурных условий реализации процесса деформации между неподвижным и приводным валками / В.Ф. Потапкин, В.А. Федоринов, Т.А. Кулик, В.И. Шпак // Удосконалення процесів і обладнання обробки тиском в металургії і машинобудуванні: тематич. зб. наук. пр. – ДДМА: Краматорськ-Слов'янськ, 2003. – С. 62–66.
6. Шпак В.И. Тепловая профилировка рабочих валков станов теплой прокатки и методика расчета компенсирующего теплового профиля / В.И. Шпак, Т.А. Кулик, Д.В. Морозъко // Удосконалення процесів і обладнання обробки тиском в металургії і машинобудуванні: Тематич. зб. наук. пр. – ДДМА, Краматорськ, 2003. – С. 203–206.

## REFERENCES

1. Nikitin G.S. Teorija nepreryvnoj prodol'noj prokatki / G. S. Nikitin. Moscow: MGTU im Baumana, 2009. – 203 s.
2. Tret'jakov A.V. Mehanicheskie svojstva metallov i splavov pri obrabotke davleniem / A.V. Tret'jakov, V.N. Zjuzin. – M.: Metallurgija, 1973. – 224 s.
3. Nikolaev V.A. Parametry deformacii metalla v gladkikh valkakh i v prostykh kalibrah / V. A. Nikolaev, N. Sh. Boshamdzhiев, V. P. Poluhin. – Kiev: Osvita Ukrayiny, 2010. – 235 s.
4. Jeksperimental'nye issledovanija kompleksnogo vlijanija temperaturnyh i deformacionnyh para-metrov prokatki na jenergosilovye parametry processa / G. V Bergeman, A. A. Samsonenko, O. A. Remez, Ju. Ju. Zubko // Visnik NTU «HPI». - 2015. - № 47 (1166). – S. 21–24.
5. Potapkin V.F. Matematicheskoe modelirovanie temperaturnyh uslovij realizacii processa de-formacii mezhdu nepodvizhnym i privodnym valkami / V.F. Potapkin, V.A. Fedorinov, T.A. Kulik, V.I. Shpak // Udoskonalennja procesiv i obladnannja obrobki tiskom v metalurgii i mashinobuduvanni: tematich. zb. nauk. pr. – DDMA: Kramators'k-Slov'jans'k, 2003. – S. 62–66.
6. Shpak V.I. Teplovaja profilirovka rabochih valkov stanov teploj prokatki i metodika rascheta kompenzirujushhego teplovogo profiliya / V.I. Shpak, T.A. Kulik, D.V. Moroz'ko // Udoskonalennja procesiv i obladnannja obrobki tiskom v metalurgii i mashinobuduvanni: Tematich. zb. nauk. pr. – DDMA, Kramators'k, 2003. – S. 203–206.

Кулик Т. А.

– канд. техн. наук, ст. преп. каф. ОПМ ДГМА

Кулик А. Н.

– канд. техн. наук, доц. каф. АММ ДГМА;

Кулик Н. А.

– ассист. каф. МПФ ДГМА

ДГМА – Донбасская государственная машиностроительная академия, г. Краматорск.

E-mail: mto@dgma.donetsk.ua